

איןפי א

פרק 14 - בעיות קצב שינוי

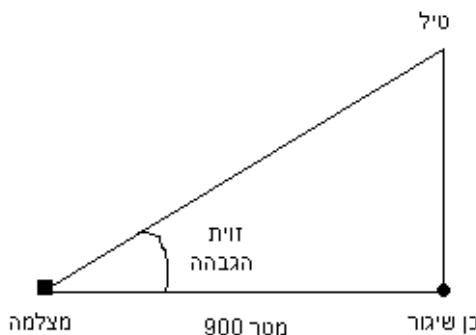
תוכן העניינים

1.....
1. בעיות קצב שינוי

בעיות קצב שינוי

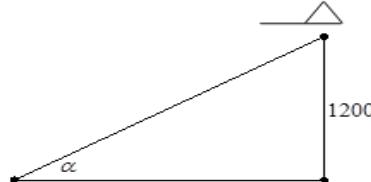
שאלות

- 1)** נפט דולף ממכלית ומתרפשו בצורת כתם מעגלי.
רדיווס הכתם גדול בקצב קבוע של 0.5 מ' לשנייה.
באיזה קצב גדל שטח הכתם כאשר הרדיווס הוא 20 מ'?
- 2)** סולם באורך 2.5 מ', השעון על קיר אנכי מחליק באופן כזה, שברגע שרגליו נמצאות במרחק 2 מ' מהקיר הן מתרחקות ממנה בקצב של 1 מטר לשנייה.
באיזה מהירות יורד ראש הסולם לאורך הקיר ברגע זה?
- 3)** מצלמה מוצבת במרחק 900 מ' מכון לשיגור טילים (ראה איור).
הטיל נוסק אנטית במהירות של 260 מ' לשנייה בהיותו בגובה של 1,200 מ'.
א. באיזו מהירות צrica זווית ההגבהה של המצלמה להשתנות אז,
כדי להמשיך לקלוט את דמות הטיל?
ב. באיזה קצב משתנה אז המרחק בין המצלמה לטיל?



- 4)** מסננת בצורת חרוט משמשת לטיהור נוזל משקעים.
גובה החרוט 40 ס"מ ורדיויס הבסיס שלו 10 ס"מ.
כאשר גובה פני הנוזל בחרוט 20 ס"מ, הנוזל זורם מן החרוט בקצב של 30 סמ"ק לדקה.
באיזה מהירות קטן גובה פני הנוזל בחרוט באותו רגע?

- 5) מטוס טס אופקי בגובה קבוע של 1,200 מטר מעל נקודות תצפית קבועה. ברגע מסוים המטוס נצפה בזווית של $30^\circ = \alpha$. ברגע זה הזרויות קטנה, ומהירות המטוס היא 480 ק"מ לשעה.
- א. באיזה קצב קטנה α באוטו רגע? בטאו את התוצאה במטרים לשנייה.
- ב. באיזה קצב משתנה זו המרחק בין המטוס לנקודות התצפית? בטאו את התוצאה במטרים לשנייה.



- 6) למישליה בלון לצורך כדור המלא באוויר. מושליח משחרר את האוויר מהבלון בקצב קבוע של 2 סמ"ק לשנייה. באיזה קצב קטן שטח פני הבלון כאשר רדיוסו הוא 3 ס"מ?

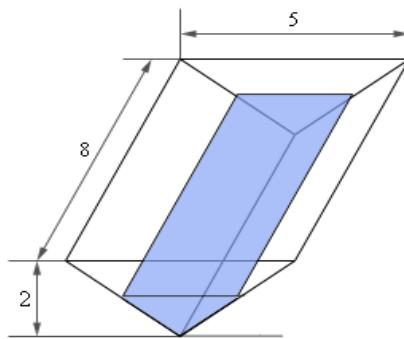
- 7) נתון חרוט שרדיווס בסיסו וגובהו שווים ל-3 ס"מ. פותחים ברז ומים זורמים לחרוט בקצב קבוע של 7 סמ"ק לשנייה.
- א. הוכחו כי לאחר $\frac{9\pi}{L}$ שניות החרוט יהיה מלא מים.
הערה: שאלת זו דורשת יכולת פתרון מ"ר בהפרדות משתנים.
- ב. נסמן ב- $h(t)$ את גובה פני החרוט בזמן t . מהו קצב עליית המים בחרוט, כאשר $1.5 \text{ ס"מ} = ? h(t)$

- 8) חליק נע לאורך עקומה שימושו אתה היא $\frac{xy^3}{1+y^2} = \frac{8}{5}$ נתון ששיעור ה- x של החליק גדל בקצב של 6 יחידות לשנייה, ברגע שבו החליק נמצא בנקודה (1,2).
א. באיזה קצב משתנה זו שיעור ה- y של החליק?
ב. האם החליק עולה או יורדת באותו רגע?

- 9) כדור שלג שרדיווס ההתחלתי 4 ס"מ נמס, כך שהקצב שבו רדיוסו קטן פרופורציונלי לשטח פניו. לאחר חצי שעה רדיוס הכדור שווה ל-3 ס"מ.
הערה: שאלת זו דורשת יכולת פתרון מ"ר בהפרדות משתנים.
א. רשמו נוסחה שתتاאר את רדיוס הכדור בזמן t .
ב. כעבור כמה זמן יהיה נפח כדור השLEG $\frac{1}{64}$ מנפחו ההתחלתי?

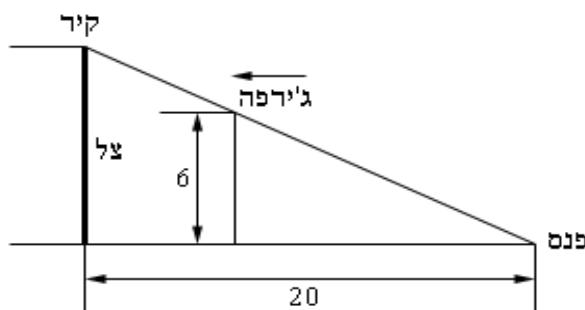
10) מבלוון מלא אוויר שרדיווסו R מתחילה לצאת אויר. קצב יציאת האוויר הוא $(t) - 3V$, כאשר $(t) V$ הוא נפח הבלון בזמן t . הוכחו כי לאחר $2 \ln$ שניות נפח הבלון יקטן לשמינית מערכו המקורי. העיה: שאלה זו דורשת יכולת פתרון מד"ר בהפרצת משתנים.

11) נתונה שוקת מים שעומקה 8 מטרים וצורתה מנסלה משולשת, שבבסיסה הם משולשים שווי שוקיים שבבסיסם 5 מ' וגובהם 2 מ' (ראו ציור). אם מים מוזרמים לשוקת בקצב קבוע של 6 מטרים מעוקבים לשנייה, באיזה קצב משתנה גובה המים כאשר גובהם 120 סנטימטרים?

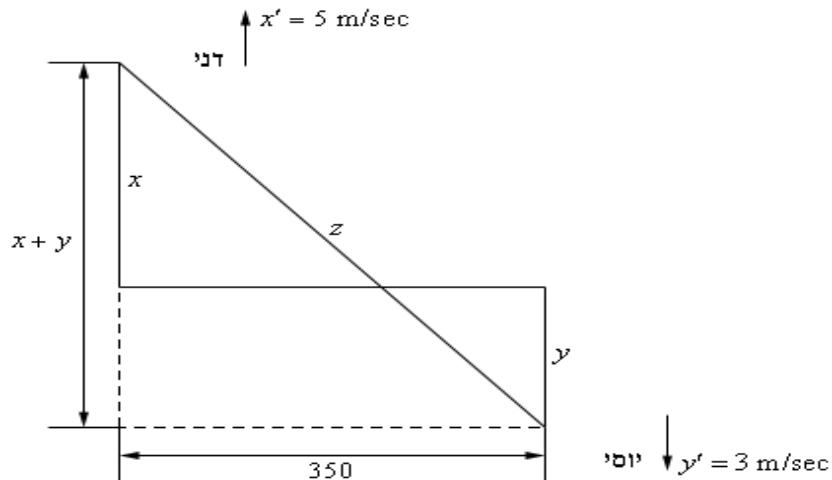


12) פנס נמצא בראש עמוד שגובהו 12 מטר. גירפה, שגובהה 5.5 מטרים, מתרחקת מהעמוד בקצב של 2 מטרים בשנייה.
 א. באיזה קצב מתרחק קצה הצל של הגירפה מהעמוד, כאשר היא 25 מ' מהעמוד?
 ב. באיזה קצב מתרחק קצה הצל של הגירפה מהגירפה, כאשר היא 25 מ' מהעמוד?

13) פנס מונח על הקרקע 20 מטרים מקיר. גירפה, שגובהה 6 מטרים, הולכת לכיוון הקיר בקצב של 2.5 מטרים לשנייה. באיזה מהירות משתנה גובהו של הצל, כאשר הגירפה במרחק של 8 מטרים מהקיר? האם גובה הצל קטן או גדול באותו הזמן?



- 14) דני וヨוסי גרים במרחיק של 350 מטרים האחד מהשני.
 דני יוצא מביתו ורוכב על אופניו צפונה במהירות של 5 מטרים לשנייה.
 7 דקות לאחר מכן יוצא יוסי מביתו ורוכב על אופניו דרומה במהירות של 3 מטרים לשנייה.
 באיזה קצב משתנה המרחק בין דני וヨוסי 25 דקות לאחר שדני יצא את ביתו?
 תוכלו להיעזר באյור הבא:



- 15) נניח שיש לנו שני נגדים מחוברים במקביל עם התנגדות R_1 ו- R_2 הנמדדת באום (Ω). ההתנגדות הכוללת R נתונה על ידי

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}$$
- נניח שה- R_1 גדול בקצב של 0.4 אום בדקה ו- R_2 קטן בקצב של 0.7 אום בדקה.
 באיזה קצב משתנה R , כאשר $R_1 = 80\Omega$, $R_2 = 105\Omega$?

תשובות סופיות

(1) $20\pi m^2 / \text{sec}$

(2) $-\frac{4}{3} m / \text{sec}$

(3) $208 m / \text{sec}$ ב. $0.104 \text{ rad} / \text{sec}$ א.

(4) $-0.38 cm / \text{min}$

(5) א. $115.4 m / \text{sec}$ או $\frac{5}{\pi} \text{ מעלות לשנייה}$. ב. 100 Rad/hour

(6) $\frac{3}{4} \text{ סמייר לשנייה}$.

(7) א. שאלת הוכחה. ב. $\frac{4L}{9\pi}$

(8) א. ייחדות לשנייה. ב. יורך $-\frac{60}{7}$

(9) א. $R(t) = \frac{12}{2t+3}$ ב. $t = 4.5 \text{ hours}$

(10) שאלת הוכחה.

(11) 0.25 m/sec

(12) $1.6923 m / \text{sec}$ ב. $3.6923 m / \text{sec}$ א.

(13) $2.0833 m / \text{sec}$

(14) 7.9958 m/sec

(15) קטן בקצב של $0.002045 \Omega / \text{min}$